

Aufgabe 1:

$$f(x) = -\frac{2}{3} e^{-\frac{2}{3}x-2}$$

a) 
$$f'(x) = -\frac{2}{3} \cdot \left(-\frac{2}{3}\right) e^{-\frac{2}{3}x-2} = \frac{4}{9} e^{-\frac{2}{3}x-2}$$

$$F(x) = -\frac{2}{3} \cdot \left(-\frac{3}{2}\right) \cdot e^{-\frac{2}{3}x-2} = e^{-\frac{2}{3}x-2}$$

b)

$$-\frac{4}{9}x + y = 5$$

$$y = \frac{4}{9}x + 5$$

$$m = \frac{4}{9} = f'(x_0)$$

$$\frac{4}{9} e^{-\frac{2}{3}x_0-2} = \frac{4}{9}$$

$$e^{-\frac{2}{3}x_0-2} = 1 \quad | \ln$$

$$-\frac{2}{3}x_0 - 2 = 0$$

$$-\frac{2}{3}x_0 = 2$$

$$\underline{\underline{x_0 = -3}}$$

Aufgabe 2:

$$f(x) = \frac{-2 \cdot (x+2)(x-0,5)(x-2,5)}{(x+1)^2(x-3)}$$

Aufgabe 3:

$$f(x) = 4e^{-2x^2} \quad x \in \mathbb{R}$$

Symmetrie:

$$f(-x) = 4e^{-2(-x)^2} = 4e^{-2x^2} = f(x)$$

→ Schaubild ist achsensymmetrisch zur y-Achse.

Schnittpunkte mit Ko-Achsen:

$$f(x) = 0$$

$$4e^{-2x^2} = 0$$

$e^{-2x^2} \neq 0 \rightarrow$  keine Lsg.

$$x=0$$

$$f(0) = 4 \cdot e^0 = 4$$

$$\underline{\underline{S_y(0|4)}}$$