

S 112 Nr. 2

$$s(t) = \int_0^t \frac{1000}{\sqrt{x+1}} dx = \left[1000 \cdot \sqrt{x+1} \cdot \frac{1}{\frac{1}{2}} \right]_0^t = \left[2000 \cdot \sqrt{x+1} \right]_0^t$$

$$s(t) = 2000 \cdot \sqrt{t+1} - \{2000 \cdot \sqrt{0+1}\} = 2000 \cdot \sqrt{t+1} - 2000$$

$s(t) \rightarrow +\infty$ für $t \rightarrow +\infty \Rightarrow$ Die Rakete fliegt unendlich weit.

S 112 Nr. 3 $z \geq 0$

$$A(z) = \int_{-z}^0 2e^x dx = \left[2 \cdot e^x \right]_{-z}^0 = 2 \cdot e^0 - \underbrace{\{2 \cdot e^{-z}\}}_{\rightarrow 0 \text{ für } z \rightarrow +\infty}$$

$$\lim_{z \rightarrow \infty} A(z) = 2 \cdot e^0 = 2$$

S 112 Nr. 5

$$a) \text{ I } A_I(z) = \int_1^z \frac{1}{x^3} dx = \left[-\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{x^2} \right]_1^z = -\frac{1}{2 \cdot z^2} - \left\{ -\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{1^2} \right\}$$

$$A_I(z) = -\frac{1}{2z^2} + \frac{1}{2} \Rightarrow \lim_{z \rightarrow +\infty} A_I(z) = \frac{1}{2} \text{ endlicher Flächeninhalt}$$

$$\text{II } A_{II}(z) = \int_1^z \frac{1}{x^2} dx = \left[-\frac{1}{x} \right]_1^z = -\frac{1}{z} - \left\{ -\frac{1}{1} \right\} = -\frac{1}{z} + 1$$

$$\lim_{z \rightarrow +\infty} A_{II}(z) = 1 \text{ endlicher Flächeninhalt}$$

$$\text{III } A_{III}(z) = \int_1^z \frac{1}{\sqrt{x}} dx = \left[\sqrt{x} \cdot \frac{1}{\frac{1}{2}} \right]_1^z = \left[2 \cdot \sqrt{x} \right]_1^z = 2\sqrt{z} - \{2\sqrt{1}\}$$

$$A_{III}(z) = 2\sqrt{z} - 2; \quad A_{III}(z) \rightarrow +\infty \text{ für } z \rightarrow \infty$$

$A_{III}(z)$ hat keinen endlichen Inhalt für $z \rightarrow \infty$