

Nr. 8) a) $|\vec{PR} \times \vec{u}_0| = A_{\text{Parallelogramm}}$

$|\vec{u}_0| = 1 \quad A_{\text{Parallelogramm}} = g \cdot h \quad | \cdot g$

$h = \frac{A_{\text{Parallelogramm}}}{g} = \frac{|\vec{PR} \times \vec{u}_0|}{|\vec{u}_0|} = \frac{|\vec{PR} \times \vec{u}_0|}{1}$

$\Rightarrow \underline{h = d(R; g) = |\vec{PR} \times \vec{u}_0|}$ (Maßzahl) von $|\vec{PR} \times \vec{u}_0|$

b) $\vec{PR} = \begin{pmatrix} -2 & -1 \\ -1 & -1 \\ +1 & -0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -3 \\ -2 \\ +1 \end{pmatrix} ; \vec{u}_0 = \frac{1}{\sqrt{2^2 + 1^2 + (+1)^2}} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$

$\vec{u}_0 = \frac{1}{\sqrt{6}} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} ; d(R; g) = \frac{\left| \begin{pmatrix} -3 \\ -2 \\ +1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \right|}{\sqrt{6}} = \frac{\left| \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ +1 \end{pmatrix} \right|}{\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6}}$

$\underline{d(R; g) = \sqrt{\frac{3}{6}} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ LE}}$

Nr. 9) $|(\vec{r} - \vec{p}) \cdot (\vec{u} \times \vec{v})|$ ist das Volumen des Spats.

a) $|\vec{u} \times \vec{v}|$ entspricht der Grundfläche des Spats.

Teilt man das Volumen durch die Grundfläche, erhält man die Höhe des Spats. Diese Höhe ist gleich dem Abstand des Punktes R von der Ebene: $\vec{x} = \vec{p} + s\vec{u} + r\vec{v}$

b) $d(R; E) = \frac{\left| \begin{pmatrix} 5-9 \\ 2-4 \\ 1-7 \end{pmatrix} \cdot \left(\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \right) \right|}{\left| \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} \right|} = \frac{\left| \begin{pmatrix} -4 \\ -2 \\ -6 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -4 \\ -4 \\ -2 \end{pmatrix} \right|}{\left| \begin{pmatrix} -4 \\ -4 \\ -2 \end{pmatrix} \right|}$

$d(R; E) = \frac{|16 + 8 + 12|}{\sqrt{16 + 16 + 4}} = \frac{36}{6} = 6 \text{ LE}$